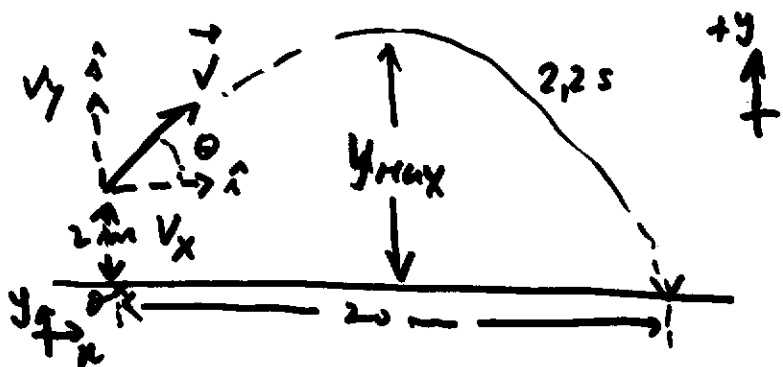


①



$$(a) \quad v_x = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{20 \text{ m}}{2,2 \text{ s}} = \underline{\underline{9,091 \frac{\text{m}}{\text{s}}}} \quad (9,1 \frac{\text{m}}{\text{s}})$$

$$v_y: \text{ de } y = y_0 + v_{0y}t + \frac{1}{2}at^2 \text{ temos (SI)}$$

$$0 = 2 + v_{0y} \cdot (2,2) - \frac{1}{2} \cdot 9,8 \cdot (2,2)^2$$

$$\Leftrightarrow 0 = 2 + 2,2 \cdot v_{0y} - 23,716$$

$$\Leftrightarrow v_{0y} = \underline{\underline{9,871 \frac{\text{m}}{\text{s}}}} \quad (9,9 \frac{\text{m}}{\text{s}})$$

(b) para achar o ângulo, Recordemos que

$$\text{tg } \theta = \frac{v_y}{v_x} \quad (\text{válida p/ quaisquer vetores})$$

$$\Leftrightarrow \text{tg } \theta = \frac{9,871}{9,091} \Leftrightarrow \theta = \text{arctg} \left( \frac{9,871}{9,091} \right)$$

$$\Leftrightarrow \theta = 0,8265 \text{ Rad} \quad (47,4^\circ)$$

k) Por definição,  $\vec{v}_m = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t}$

Como  $\Delta \vec{r} = \vec{r}_f - \vec{r}_i = (20\hat{i} + 0\hat{j}) - (0\hat{i} + 2,0\hat{j})$   
 $= 20\hat{i} - 2,0\hat{j} \quad (\text{SI})$

Temos  $\vec{v}_m = \frac{20\hat{i} - 2,0\hat{j}}{2,25}$   
 $= 9,1 \frac{\text{m}}{\text{s}} \hat{i} - 0,91 \frac{\text{m}}{\text{s}} \hat{j}$

(d)  $y_{\text{máx}}$  acontece quando  $v_y = 0$  (Para de subir, começa a descer)

De  $v_y = v_{0y} + at$  vem:

$v_y = 9,871 - 9,8t \quad (\text{SI})$

$\Leftrightarrow 0 = 9,871 - 9,8t$

$\Leftrightarrow t = 1,007 \text{ s}$

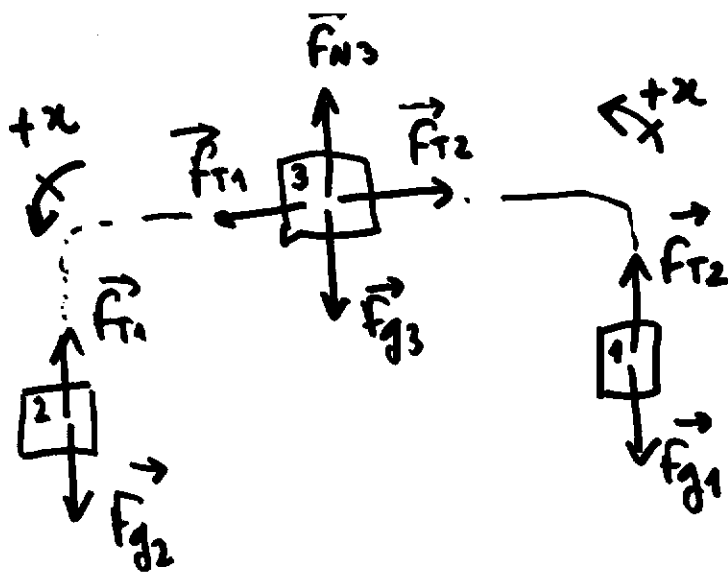
Substituindo agora em  $y = 2 + 9,871t - \frac{1}{2}9,8t^2$ ,

$y_{\text{máx}} = 2 + 9,871 \cdot 1,007 - \frac{1}{2} \cdot 9,8 \cdot 1,007^2$

$\Leftrightarrow y_{\text{máx}} = 6,971 \text{ m} \quad (\underline{\underline{7,0 \text{ m}}})$

②

(a)



- (b) No referencial ao longo da corda, Marcado no de Senho Tamos, da 3ª Lei de Newton  
Segundo x:

$$\Sigma F_x = m a_x \rightarrow (F_{g2} - F_{T1}) + (F_{T1} - F_{T2}) + (F_{T2} - F_{g1}) = (m_1 + m_2 + m_3) a_x$$

$$\Leftrightarrow F_{g2} - F_{g1} = 6 a_x \quad (SI)$$

$$\Leftrightarrow 2g - 1g = 6a_x$$

$$\Leftrightarrow a = a_x = \underline{\underline{g/6}} \quad (1,63 \text{ m/s}^2)$$

- (c) No corpo 2 Tamos, No Variente da 3ª Lei Newton:

$$F_{g2} - F_{T1} = m_2 a \Leftrightarrow 2g - F_{T1} = 2a$$

$$\Leftrightarrow F_{T1} = 2(g - a) = 2\left(9,8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} - 1,63 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}\right) = \underline{\underline{16 \text{ N}}}$$

No corpo 1:

$$F_{T2} - F_{g1} = m_1 a \Leftrightarrow F_{T2} - 1g = 1a$$

$$\Leftrightarrow F_{T2} = (g + a)1kg = 9,8 \text{ N} + 1,63 \text{ N} = \underline{\underline{11,4 \text{ N}}}$$

- ③ (a) Durante o processo compressão - Distensão -4-  
 só atua a força elástica ( $\vec{F}_N + \vec{F}_g = 0$ ),  
 que é conservativa. Logo,  $E_m$  conserva-se  
 e temos

$$E_m(\text{compressão}) = E_m(\text{Distensão})$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{2} k x^2 = \frac{1}{2} m v^2$$

$$\Leftrightarrow v = \sqrt{\frac{k x^2}{m}} = \sqrt{\frac{700 \frac{\text{N}}{\text{m}} \cdot (0,0800 \text{ m})^2}{0,100 \text{ kg}}}$$

$$\Leftrightarrow v = 6,69 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

- (b) Durante a passagem por A  $\rightarrow$  B a rapidez  
 cai de  $6,69 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  para  $5,00 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ , devido  
 ao atrito (força não-conservativa)

Do corolário  $W_{nc} = \Delta E_m$  temos:

$$W_{nc} = \underbrace{\frac{1}{2} m v_f^2}_{= W_{fk}} - \underbrace{\frac{1}{2} m v_i^2}_{= \frac{1}{2} m v_A^2} = \frac{1}{2} m v_{\text{saída da mola}}^2$$

por definição:

$$\Leftrightarrow |\vec{f}_k| |\Delta r| \cos(\underbrace{f_k, \Delta r}_{=-90^\circ}) = \frac{1}{2} (0,1 \text{ kg}) \left[ \left( 5,00 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right)^2 - \left( 6,69 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right)^2 \right]$$

$$\Leftrightarrow -\mu_k F_N \Delta r = -0,9878 \text{ J}$$

$$\Leftrightarrow -\mu_k \cdot (0,1 \text{ kg}) \cdot (9,8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}) (25 \text{ m}) = -0,9878 \text{ J} \quad \rightarrow \text{use}$$

$$\Rightarrow M_K = \frac{-0,9878 \text{ J}}{-24,5 \text{ kg} \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2}} = 0,041$$

(c) Na colisão conserva-se o momento linear:

$$\vec{P}_i = \vec{P}_f \quad (\text{segundo } x)$$

$$\underbrace{m_1 v_{1i}} + \underbrace{m_2 v_{2i}} = m_1 v_{1f} + m_2 v_{2f}$$

( $\vec{P}_{\text{bloco 1 } i}$  +  $\vec{P}_{\text{bloco 2 } i}$ ) = ( $\vec{P}_{\text{bloco 1 } f}$  +  $\vec{P}_{\text{bloco 2 } f}$ )

$$\Rightarrow 0,100 \cdot 5,00 = 0,100 v_{1f} + 0,050 \cdot 2,00 \quad (\text{SE})$$

$$\Rightarrow v_{1f} = \frac{0,500 - 0,100}{0,100} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\Rightarrow v_{1f} = \underline{\underline{4,00 \frac{\text{m}}{\text{s}}}}$$

$$(d) E_{ci} = \frac{1}{2} m_1 v_{1i}^2 + \frac{1}{2} m_2 v_{2i}^2$$

$$= \frac{1}{2} \cdot (0,100 \text{ kg}) \cdot (5,00 \frac{\text{m}}{\text{s}})^2 = 1,25 \text{ J}$$

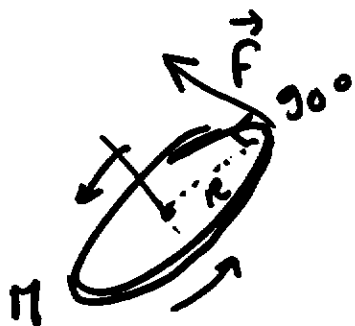
$$E_{cf} = \frac{1}{2} m_1 v_{1f}^2 + \frac{1}{2} m_2 v_{2f}^2$$

$$= \frac{1}{2} (0,100 \text{ kg}) \cdot (4,00 \frac{\text{m}}{\text{s}})^2 + \frac{1}{2} \cdot (0,050 \text{ kg}) \cdot (2,00 \frac{\text{m}}{\text{s}})^2$$

$$= 0,90 \text{ J} \quad \rightarrow \quad \Delta E_m = -0,35 \text{ J}$$

ESTA ENERGIA, DE 0,35J, é transformada em energia interna dos dois blocos (aquecimento)

(4)



$$R = \frac{0,22 \text{ m}}{2} = 0,11 \text{ m}$$

$$M = 2,0 \text{ kg}$$

$$I = \frac{1}{2} MR^2 = 0,044 \text{ kg m}^2$$

(a) Sabemos que  $\tau = \alpha I$ . De  $\vec{\tau} = \vec{R} \times \vec{F}$

$$\text{Temos } \tau = |\vec{\tau}| = |\vec{R}| |\vec{F}| \sin(R, F)$$

$$\Rightarrow \tau = (0,11 \text{ m})(150 \text{ N}) \cdot \sin 90^\circ$$

$$\Rightarrow \tau = 16,5 \text{ N.m}$$

E substituindo,

$$\alpha = \tau / I = \frac{16,5 \text{ N.m}}{0,044 \text{ kg m}^2} = 1363,6 \text{ rad/s}^2$$

(1400 rad/s<sup>2</sup>)

(b) De  $\omega = \omega_0 + \alpha t$  com

$\omega_0 = 0$

$$\Rightarrow \omega = (1363,6 \text{ rad/s}^2) \cdot (0,15 \text{ s})$$

$$\Rightarrow \omega = 204,5 \text{ Rad/s} \quad (200 \text{ rad/s})$$

$$\text{ou } 32,6 \text{ rot/s} \quad (30 \text{ rot/s})$$