

”

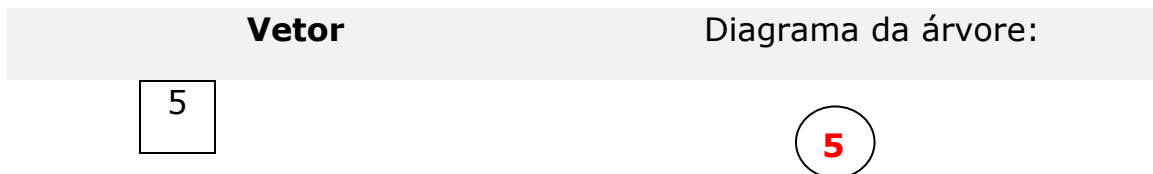
E-fólio B | Folha de resolução para E-fólio**NOME** | Luciano Eusébio Marques Marafona**N.º DE ESTUDANTE** | 2003730**CURSO** | Licenciatura Engenharia Informática**TURMA** | 02**DATA DE ENTREGA** | 29-05-2023

1.1.1 Inserir os itens 5 2 8 4 pela ordem indicada

Começamos com um heap vazio e inserimos os elementos um a um

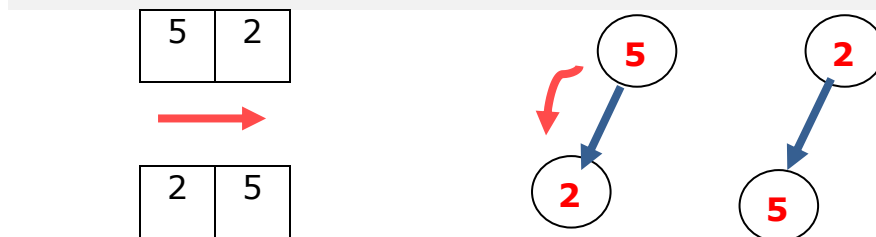
Inserir o item 5

O 5 será inserido na última posição e por ser o único elemento, é a raiz do heap.



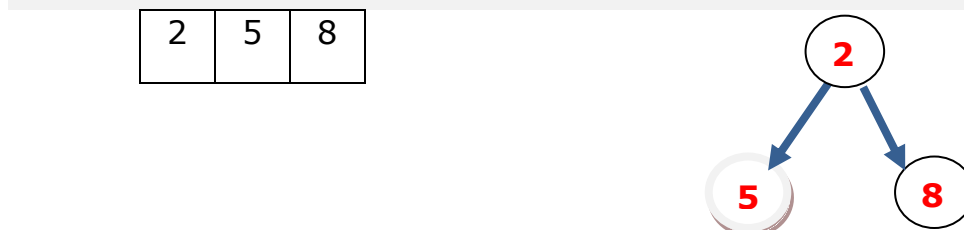
Inserir o item 2

No caso desta inserção, o elemento 2 é menor que o seu pai, onde tem que trocar para restaurar a propriedade do heap e 2 passa a ser a raiz.



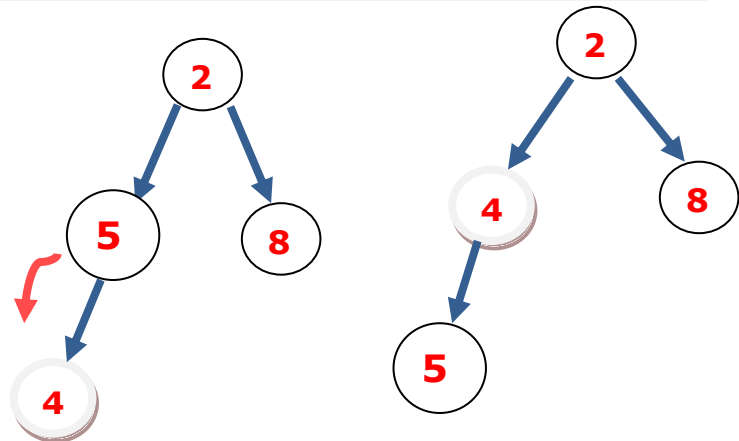
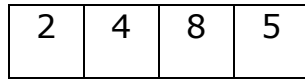
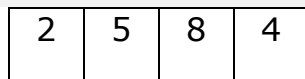
Inserir o item 8

O 8 simplesmente passa para a folha direita, uma vez que a esquerda já está ocupada com o 5.



Inserir o item 4

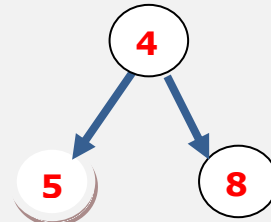
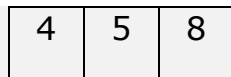
No caso desta inserção, o elemento 4 passaria para a folha esquerda mas como é menor que o seu pai 5, troca com o seu pai.



1.1.2 Remover o menor item

Remover o menor item (2)

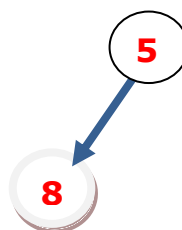
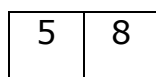
Ao remover o menor item do heap (da raiz) e para manter a propriedade do heap, o último elemento do vetor é movido para a raiz e, em seguida, é realizada uma operação chamada "down-heapify", onde o elemento é trocado com o menor de seus filhos, se necessário, até que a propriedade do heap seja restaurada.



1.1.3 Remover o menor item

Remover o menor item (4)

Após a remoção do menor item (4), novamente é feita a operação de "down-heapify" para restaurar a propriedade do heap.



1.2.1 Para um nó com índice i , os índices dos nós filho esquerdo e direito

Se o índice do nó atual é i , podemos calcular os índices dos nós filho esquerdo e direito usando a seguinte aritmética de inteiros:

O índice do nó filho esquerdo: $2*i + 1$

O índice do nó filho direito: $2*i + 2$

Por exemplo, para um nó com índice $i = 3$, os índices dos nós filho esquerdo e direito seriam:

Nó filho esquerdo: $2*3 + 1 = 7$

Nó filho direito: $2*3 + 2 = 8$

1.2.2 Para um nó com índice j , o índice do nó pai

Se o índice do nó atual é j , podemos calcular o índice do nó pai usando a seguinte aritmética de inteiros:

O índice do nó pai: $(j - 1) / 2$

Por exemplo, para um nó com índice $j = 6$, o índice do nó pai seria:

Nó pai: $(6 - 1) / 2 = 2$

1.2.3 Para um Heap com um total de n nós, o índice do último nó não folha

O último nó não folha em um heap completo está localizado no nível mais baixo da árvore binária completa, antes dos nós folhas, onde para o calcular usa-se a seguinte aritmética de inteiros:

Índice do último nó não folha: $(n/2) - 1$

Por exemplo, se um heap possui um total de $n = 10$ nós, o índice do último nó não folha seria:

Último nó não folha: $(10/2) - 1 = 4$

se um heap possui um total de $n = 15$ nós, portanto ímpar, o

índice último do nó não folha = $(15 / 2) - 1 = 7.5 - 1 = 6.5$

Entretanto, como os índices dos nós são inteiros e começam do 0, o índice do último nó não folha é o número inteiro mais próximo menor ou igual a 6.5, o que é igual a 6.

1.3 Relatório do programa disponibilizado no recurso VPL

O programa que está em baixo no final do relatório, onde obti 100% de percentagem de sucesso nos casos de teste do recurso VPL

disponibilizado na página da unidade curricular, consiste em uma estrutura de dados chamada "min-heap" (heap mínimo) usando uma class em C++.

minh.h:

Aqui defini as variáveis os seus setters e getters da class IMINH: v vetor para os nós, n como contador dos nós e nv para a capacidade do heap.

É também definido um destructor e um constructor com a variável nmax como parâmetro que definirá a capacidade do heap, assim como os protótipos de todos os métodos usados no programa.

minh.cpp:

Concisamente, irei descrever o que cada método faz:

IMINH(int nmax): Agora o construtor da classe IMINH, inicializa a estrutura de dados, onde aloca memória para um vetor de inteiros com tamanho máximo definido por nmax, inicializa o número de nós usados como 0 e passa a capacidade máxima do vetor como nmax que inicializa nv.

~IMINH(): Destrutor da classe IMINH que liberta a memória alocada, removendo o vetor de inteiros com delete.

insert(int item): Vai inserindo item a item no heap começando por o final, onde vai corrigindo o heap, subindo o elemento inserido até a posição correta, para ser mais específico, explico passo a passo:

v[n] = item; Insere o elemento item no final do vetor v, onde n conta o número de nós usados atualmente no heap.

int i = n; Inicializa a variável i com o valor de n, que é o índice do elemento recém-inserido.

int parent = (i - 1) / 2; Calcula o índice do pai do nó atual que permite encontrar a posição correta para o novo elemento no heap.

while (i > 0 && v[i] < v[parent]) executa um loop que enquanto i for maior que 0 (ainda não chegou à raiz do heap) e o valor do nó atual (v[i]) for menor que o valor do pai (v[parent]).

Se o caso, realiza a troca entre o nó atual e seu pai:

swap(v[i], v[parent]), onde esta troca garante que o menor valor esteja subindo no heap.

i = parent; Atualiza o valor de i para o índice do pai, onde vai verificando se o nó atual está na posição correta.

parent = (i - 1) / 2; Calcula o novo índice do pai com base no valor atual de i e incrementa (n++) para contar os nós.

No final deste relatório, abaixo do código, deixo um rascunho de um diagrama do heap com a execução deste método.

print_min(): Imprime o menor item no heap. O menor item é o elemento raiz do heap.

print(): Imprime todos os itens do heap, onde são impressos em ordem, com quebras de linha para cada nível.

dim(): Imprime o número de itens no heap.

dim_max(): Imprime o número máximo de itens ou capacidade do heap.

deleteMin(): Uma vez que delete é uma palavra reservada, optei por nomear este método como deleteMin.

Remove o menor item no heap (raiz), onde troca com o último elemento do heap e decrementa o contador, eliminando-o, em seguida, é realizada as respectivas correções no heap, descendo o

elemento trocado até a posição correta e até que a propriedade do heap seja restaurada.

Para o comando **"clear"** inicializei o heap com o setter de n diretamente no main sem usar qualquer método, definindo o número de nós usados como zero, onde o heap fica vazio.

O comando "heapify_up" chama o método "buildMinHeap()"

que percorre os nós pais do heap (começando pelo último nó pai ($\text{lastParent} = (n - 1) / 2$)) e chama o método **heapify()** para ajustar cada nó e seus descendentes para garantir que o heap seja um min heap válido.

O método "heapify()" ajusta um nó específico na heap, verificando se ele precisa ser trocado com um dos filhos para manter a propriedade de min heap, onde se a troca for necessária, realiza a troca e chama-se recursivamente para ajustar o nó trocado e os seus descendentes, onde realiza as operações necessárias para ajustar um nó específico e construir um min heap bottom-up.

Para ser mais específico, o método "heapify()" recebe um índice como parâmetro e realiza as seguintes operações:

1. Inicializa a variável **smallest** com o valor do índice fornecido.
2. Calcula os índices dos filhos esquerdo (**left**) e direito (**right**) do nó atual.
3. Verifica se o valor do filho esquerdo é menor que o valor do nó atual e, se for, atualiza o valor de **smallest** com o índice do filho esquerdo.
4. Verifica se o valor do filho direito é menor que o valor do nó atual e, se for, atualiza o valor de **smallest** com o índice do filho direito.
5. Se o valor de **smallest** for diferente do valor do índice original, realiza a troca entre o nó atual e o nó de menor valor (**swap(v[index], v[smallest])**).
6. Chama-se recursivamente para o novo índice de **smallest**, de forma a ajustar a subárvore.

No final deste relatório, abaixo do código, deixo um rascunho de um diagrama do heap com a execução deste método.

redim_max(int newNv): Redimensiona o número máximo de itens ou capacidade do heap, onde liberta a memória alocada do vetor anterior com delete, aloca um novo vetor com o novo tamanho especificado por newNv, atualiza a capacidade máxima do heap, onde zera o contador.

Main-minh.cpp:

O main lê os comandos fornecidos pelo input com getline do cin std, ignora as linha em branco e comentadas, cria um stringstream a partir da linha completa e realiza as operações correspondentes dos comandos suportados pelo heap.

Como a função printf() é uma função da linguagem C deve esperar strings no formato C-style e não objetos de string do C++, por isso, uso a função c_str().

minh.h:

```
/*
** file: minh.h
**
** min Heap por comandos
** (binary tree on array)
** UC: 21046 - EDAF @ UAb
** e-fólio B 2022-23
**
** Aluno: 2003730 - Luciano Marafona
*/

// Defina:
// em minh.h as classes da estrutura de dados
// em minh.cpp a implementação dos métodos das classes da estrutura de
// dados

#ifndef _MINH_H
#define _MINH_H
```



```

class IMINH {
private:
    int* v;        // vetor com nós
    int n;         // num. nós usados
    int nv;        // dim max do vetor (capacidade)

public:
    IMINH(int nmax = 15);    // cria heap vazio c/ capacidade nmax nós
    ~IMINH();

    // getters e setters
    int* getV() const {
        return v;
    }
    void setV(int* newV) {
        v = newV;
    }
    int getN() const {
        return n;
    }
    void setN(int newN) {
        n = newN;
    }
    int getNv() const {
        return nv;
    }

    void setNv(int newNv) {
        nv = newNv;
    }

    void insert(int item);           // insere um item no heap
    void print_min();               // imprime o menor item no heap
    void print();                   // imprime toda a árvore do heap
    void dim();                     // imprime o número de itens no heap
    void dim_max();                 // imprime o número máximo de itens
    // ou capacidade do heap
    void deleteMin();               // remove o menor item no heap
    void heapify(int);              // corrige o heap com bottom-up
    // subindo o elemento até a posição correta
    void buildMinHeap();            // constroi a heap começando do
    // último nó não folha
    void redim_max(int newNv);      // redimensiona o número máximo de
    // itens ou capacidade do heap
};

#endif
// EOF

```

minh.cpp:

```
/*
** file: minh.cpp
**
** min Heap por comandos
** (binary tree on array)
** UC: 21046 - EDAF @ UAb
** e-fólio B 2022-23
**
** Aluno: 2003730 - Luciano Marafona
*/

// Defina:
// em minh.h as classes da estrutura de dados
// em minh.cpp a implementação dos métodos das classes da estrutura de
// dados
#include <iostream>
#include <cstdio>
#include "minh.h"

using namespace std;

IMINH::IMINH(int nmax) {
    v = new int[nmax]; // Aloca um novo vetor de inteiros com tamanho
nmax
    n = 0;             // Inicializa o número de nós usados como 0
    nv = nmax;         // Define a capacidade máxima do vetor como nmax
}

IMINH::~IMINH() {
    delete[] v;        // Liberta a memória alocada para o vetor
}

void IMINH::insert(int item) {
    v[n] = item;        // Insere o item no final do vetor
    int i = n;
    int parent = (i - 1) / 2; // Calcula o índice do pai do nó atual

    // Realiza a correção do heap, subindo o elemento inserido até a
    // posição correta
    while (i > 0 && v[i] < v[parent]) {
        swap(v[i], v[parent]); // Troca o nó com seu pai se necessário
        i = parent;           // Atualiza o índice para o pai
        parent = (i - 1) / 2; // Calcula o novo índice do pai
    }
    n++; // Incrementa o número de nós usados
}
```

```

void IMINH::print_min() {
    if(n != 0)
        printf("Min= %d\n", v[0]); // Imprime o valor mínimo, que está na
    raiz do heap
}

void IMINH::print() {
    int levelSize = 1;
    int levelCount = 0;
    if (n != 0)
        printf("Heap=\n");

    // Imprime os elementos do heap em ordem, com quebras de linha para cada
    nível
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        if(levelCount + 1 == levelSize || i == n-1)
            printf("%d\n", v[i]);
        else
            printf("%d ", v[i]);

        levelCount++;
        if (levelCount == levelSize) {
            levelSize *= 2; // O próximo nível terá o dobro do tamanho do
            nível atual
            levelCount = 0; // Reinicia a contagem de elementos para o
            próximo nível
        }
    }
}

void IMINH::dim() {
    printf("Heap tem %d itens\n", n); // Imprime o número de itens no
    heap
}

void IMINH::dim_max() {
    printf("Heap tem capacidade %d itens\n", nv); // Imprime capacidade do
    heap
}

```

```

void IMINH::deleteMin() {
    if (n == 0) {
        printf("Comando delete: Heap vazio!\n");
        return;
    }

    swap(v[0], v[n - 1]); // Troca o menor elemento com o último
    elemento
    n--;                  // Decrementa o número de nós usados

    // Realiza a correção do heap, descendo o elemento trocado até a
    posição correta
    int i = 0;
    while (true) {
        int leftChild = 2 * i + 1;
        int rightChild = 2 * i + 2;
        int smallest = i;

        // Verifica se o filho esquerdo existe e se é menor que o nó
        atual
        if (leftChild < n && v[leftChild] < v[smallest]) {
            smallest = leftChild;
        }

        // Verifica se o filho direito existe e se é menor que o nó atual
        ou o filho esquerdo
        if (rightChild < n && v[rightChild] < v[smallest]) {
            smallest = rightChild;
        }

        // Se o nó atual não for o menor, troca com o filho de menor
        valor
        if (smallest != i) {
            swap(v[i], v[smallest]);
            i = smallest;
        } else {
            break;
        }
    }
}

```

```

// Função para ajustar um nó específico na heap
void IMINH::heapify(int index) {
    int smallest = index; // Inicialmente, o nó atual será considerado o
menor

    int left = 2 * index + 1; // Filho esquerdo
    int right = 2 * index + 2; // Filho direito

    // Verifica se o filho esquerdo é menor que o nó atual
    if (left < n && v[left] < v[smallest])
        smallest = left;

    // Verifica se o filho direito é menor que o nó atual
    if (right < n && v[right] < v[smallest])
        smallest = right;

    // Se o menor valor não for o nó atual, faz a troca e ajusta
recursivamente
    if (smallest != index) {
        swap(v[index], v[smallest]);
        heapify(smallest);
    }
}

// Função para construir uma min heap bottom-up
void IMINH::buildMinHeap() {
    // Último nó com filhos (não folha) é o nó pai do último nó da heap
    int lastParent = (n - 1) / 2;

    // Percorre os nós pais da heap e realiza o ajuste com heapify(i)
    for (int i = lastParent; i >= 0; i--)
        heapify(i);
}

void IMINH::redim_max(int newNv) {
    delete[] v; //remove o vetor
    v = new int[newNv]; // aloca a memória para o novo vetor
redimensionado
    nv = newNv; //atualiza capacidade do heap
    n = 0; // descarta todo o conteúdo anterior
}

// EOF

```

Main-minh.cpp:

```
/*
** file: main-minh.cpp
**
** min Heap por comandos
** (binary tree on array)
** UC: 21046 - EDAF @ UAb
** e-fólio B 2022-23
**
** Aluno: 2003730 - Luciano Marafona
*/

// Defina:
// em minh.h as classes da estrutura de dados
// em minh.cpp a implementação dos métodos das classes da estrutura de
// dados
// em main-minh.cpp
//   A entrada/saída de dados
//   As instâncias da classe da estrutura de dados
//   A implementação dos comandos através dos métodos da classe
//   Código auxiliar
//   Não utilize variáveis globais

#include <iostream>
#include <cstdio>
#include <sstream>
#include <string>
#include "minh.h"

int main()
{
    IMINH minheap;    // exemplo

    std::string line;
    // Lê os comandos do utilizador enquanto houver entrada
    while (std::getline(std::cin, line)) {
        // Se for linha vazia ou comentário, ignora
        if (line.empty() || line[0] == '#') {
            continue;
        }

        // Cria um stringstream a partir da linha completa
        std::stringstream ss(line);

        std::string command;
```

```

// Lê o comando da primeira palavra na linha
ss >> command;

// Comando "insert": insere os itens fornecidos no heap
if (command == "insert") {
    int item;
    while (ss >> std::ws >> item) {
        if (minheap.getN() == minheap.getNv()) {
            //c_str() para o printf que espera formato C-style e não
objetos de string do c++.
            printf("Comando %s: Heap cheio!\n", command.c_str());
            break;// pára de inserir
        }
        minheap.insert(item);
    }
}

// Comando "print_min": imprime o menor item no heap
else if (command == "print_min") {
    if (minheap.getN() == 0){
        printf("Comando %s: Heap vazio!\n", command.c_str());
    }
    minheap.print_min();
}

// Comando "print": imprime todos os itens no heap
else if (command == "print") {
    if (minheap.getN() == 0){
        printf("Comando %s: Heap vazio!\n", command.c_str());
    }
    minheap.print();
}

// Comando "dim": imprime o número de itens no heap
else if (command == "dim") {
    minheap.dim();
}

// Comando "dim_max": imprime o número máximo de itens no heap
else if (command == "dim_max") {
    minheap.dim_max();
}

// Comando "clear": inicializa o heap com zero elementos
else if (command == "clear") {
    minheap.setN(0);
    printf("Comando %s: Heap vazio!\n", command.c_str());
}

```

```

        // Comando "delete": remove o menor item no heap
    else if (command == "delete") {
        if (minheap.getN() == 0) {
            printf("Comando %s: Heap vazio!\n", command.c_str());
        } else {
            minheap.deleteMin();
        }
    }

    // Comando "redim_max N": redimensiona o número máximo de itens
    ou capacidade do heap
    else if (command == "redim_max") {
        int newNv;
        if (ss >> newNv) {
            minheap.redim_max(newNv);
        }
    }

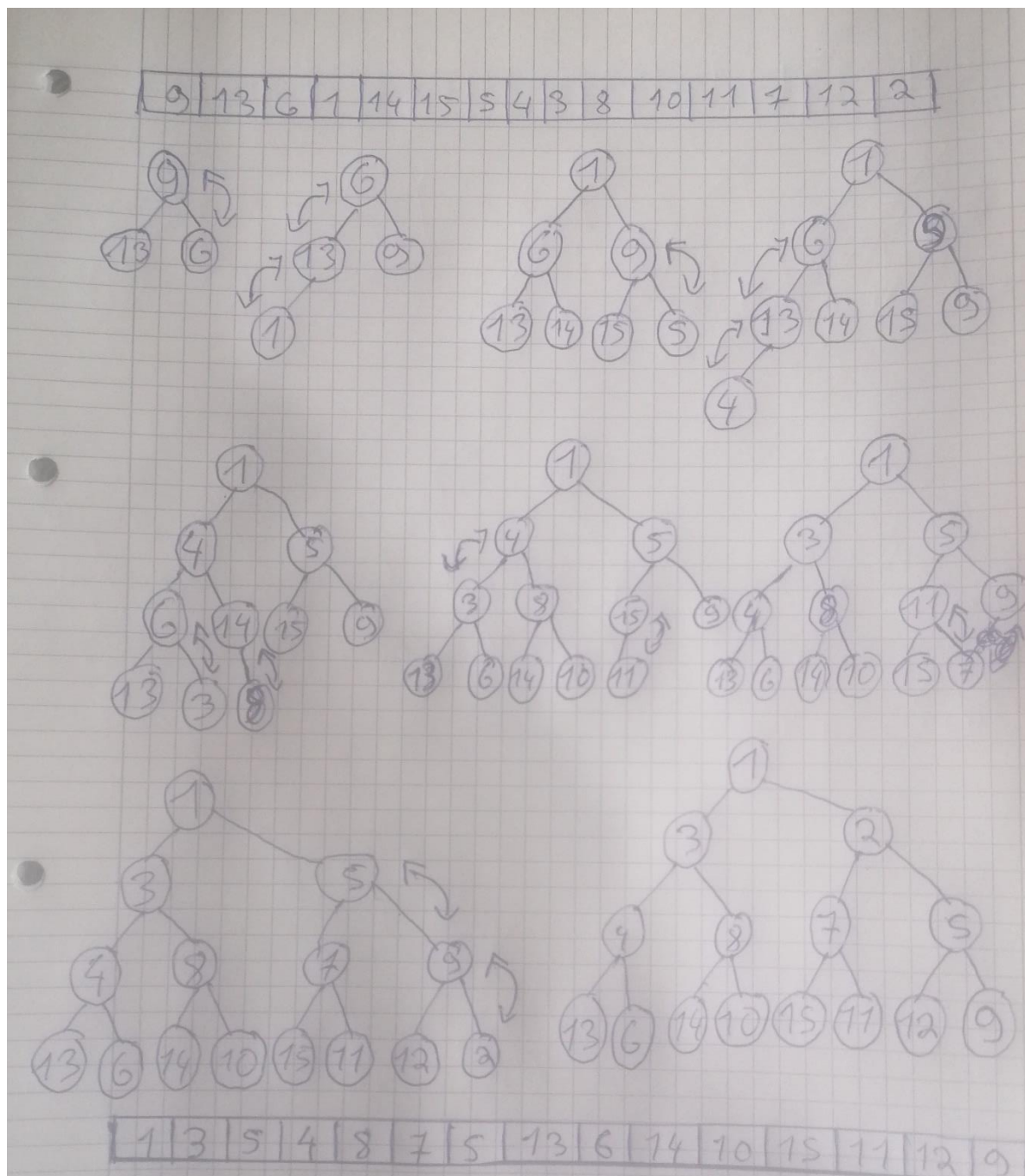
    // Comando "heapify_up index": converte o vetor definido pelos
    itens "item ..." num min Heap. Todo o conteúdo anterior do heap é
    descartado/perdido
    else if (command == "heapify_up") {
        int i, item;
        minheap.setN(0); // limpa o vetor anterior
        for (i = 0; i < minheap.getNv() && ss >> std::ws >> item; i++)
        {
            minheap.getV()[i] = item;
            minheap.setN(i+1); // aproveito o i para contar o n
        }
        minheap.buildMinHeap();
    }
    // Comando inválido
    else{
        printf("Comando %s é inválido!\n", command.c_str());
    }
} // fim while

return 0;
}
// EOF

```


Rascunho de um diagrama do heap com a execução do método "inserir" com os valores do teste 11 do VPL.

Aqui conforme os valores forem inseridos, são automaticamente corrigidos um a um até às folhas do heap.



Rascunho de um diagrama do heap com a execução do método "heapify" do algoritmo bottom-up com os valores do teste 11 do VPL.

Aqui depois dos valores inseridos, começa a corrigir de baixo para cima até à raiz, subindo sempre o mais pequeno dos seus descendentes.

